

BC & Abscissam AB definitur, semper induet hanc formam  $xy = ax^3 + bxx + cx + d$ .

X.  
Casus tertius.

Quod si crura illa opposita Parabolici sint generis, recta CBc ad Curvam utrinque, si fieri potest, terminata in plagam crurum ducatur & bisecetur in B, & locus puncti B erit linea recta. Sit ista AB, terminata ad datum quodvis punctum A, & æquatio qua relatio inter Ordinatum BC & Abscissam AB definitur, semper induet hanc formam,  $yy = ax^3 + bxx + cx + d$ .

XI.  
Casus quartus.

At vero si recta illa CBc in unico tantum puncto occurrat Curvæ, ideoq; ad Curvam utrinque terminari non possit: sit punctum illud C, & incidat recta illa ad punctum B in rectam quamvis aliam positione datam & ad datum quodvis punctum A terminatam AB: & æquatio qua relatio inter Ordinatum BC & Abscissam AC definitur semper induet hanc formam,  $y = ax^3 + bxx + cx + d$ .

XII.  
Nomina formarum.

Enumerando curvas horum casuum, Hyperbolam vocabimus *inscriptam* quæ tota jacet in Asymptoton angulo ad instar Hyperbolæ conicæ, *circumscriptam* quæ Asymptotos secat & partes abscissas in sinu suo amplectitur, *ambigenam* quæ uno crure infinito inscribitur & altero circumscribitur, *convergentem* cujus crura concavitate sua seinvicem respiciunt & in plagam eandem diriguntur, *divergentem* cujus crura convexitate sua seinvicem recipiunt & in plagas contrarias diriguntur, *cruribus contrariis præditam* cujus crura in partes contrarias convexa sunt & in plagas contrarias infinita, *Conchoidalem* quæ vertice concavo & cruribus divergentibus ad asymptoton applicatur, *anguineam* quæ flexibus contrariis asymptoton secat &

& utrinque in crura contraria producit, *cruciformem* quæ conjugatam decussat, *nodatam* quæ seipsam decussat in orbem redeundo, *cuspidatam* cujus partes duæ in angulo contactus concurrunt & ibi terminantur, *punctatam* quæ conjugatam habet Ovale infinite parvam id est punctum, & *puram* quæ per impossibilitatem duarum radicum Ovali, Nodo, Cuspide & Puncto conjugato privatur. Eodem sensu Parabolam quoque *convergentem*, *divergentem*, *cruribus contrariis præditam*, *cruciformem*, *nodatam*, *cuspidatam*, *punctatam* & *puram* nominabimus.

In casu primo si terminus  $ax^3$  affirmativus est Figura erit Hyperbola triplex cum sex cruribus Hyperbolicis quæ juxta tres Asymptotos quarum nullæ sunt parallelæ in infinitum progrediuntur, binæ juxta unamquamque in plagas contrarias. Et hæ Asymptoti si terminus  $bxx$  non deest se mutuo secabunt in tribus punctis triangulum (Dd) inter se continentes, sin terminus  $bxx$  deest convergent omnes ad idem punctum. In priori casu cape  $AD = \frac{b}{2a}$ , &  $Ad = A\delta = \frac{b}{2\sqrt{d}}$ , ac junge Dd, D $\delta$ , & erunt AD, Dd, D $\delta$  tres Asymptoti. In posteriori duc ordinatam quamvis BC, & in ea utrinque producta cape hinc inde BF & Bf sibi mutuo æquales & in ea ratione ad AB quam habet  $\sqrt{d}$  ad a, jungeq; AF, Af, & erunt AB, AF, Af tres Asymptoti. Hanc autem Hyperbolam vocamus redundantem quia numero crurum Hyperbolicorum Sectiones Conicas superat.

In Hyperbola omni redundante si neq; terminus ey desit neq; sit  $bb - 4ac$  æquale  $+ae/a$  curva nullam habebit diametrum, sin eorum alterutrum ac-

Uu

cidat

XIII.  
De Hyperbola  
redundante &  
ejus tribus A-  
symptotis.

XIV.  
De hujus Hy-  
perbolæ diametris  
& situ crurum  
infinitorum.